1. Übung zur Einführung in die Mathematik für Lehramt und Informatik

Tutorium

T1: (a) Es seien $M_1=\{\alpha,\beta,\gamma,\delta\}$, $M_2=\{\alpha,M_1\}$, $M_3=\{\emptyset,\{M_1\},1\}$. Geben Sie folgende Mengen in aufzählender Schreibweise an:

$$M_1 \cap M_2$$
, $M_1 \cup M_2$, $M_2 \setminus M_1$, $M_2 \cup M_3$.

(b) Geben Sie die Mengen

$$A = \{x : \text{ Es existiert ein } k \in \mathbb{N} \text{ mit } x = 4k - 1\},$$

 $B = \{x : \text{ Es existiert ein } k \in \mathbb{N} \text{ mit } x = (-1)^{k+1} \cdot k\},$
 $C = \{x \in \mathbb{Z} : -5 \le x \le 3\}$

in aufzählender Schreibweise an.

T2: Es seien X eine Menge und $M_1, M_2, M_3 \subset X$. Beweisen Sie:

- (i) $M_1 \cap (M_2 \cup M_3) = (M_1 \cap M_2) \cup (M_1 \cap M_3)$,
- (ii) $(M_1 \cap M_2)^c = M_1^c \cup M_2^c$, wobei die Komplemente bzgl. X gebildet werden.