

3.2.9. Sweep-Alg. für Segment-Schnitt.

SWEEP(S)

X-Struktur $X \leftarrow \emptyset$

Y-Struktur $Y \leftarrow \emptyset$

double $x_{pos} \leftarrow \infty$;

forall $s \in S$ do

$X.insert(s.left);$

$X.insert(s.right);$

od;

// Hauptschleife: (ähnlich \forall Sweep-Alg.)

while ($\neg X.empty()$) {

$p \leftarrow X.findmin();$

$X.delete(p)$

$x_{pos} \leftarrow p.x.coord();$

// Fallunterscheidung gemäß verschiedener Events:

switch (p) {

case: p linker Endpkt von s

$Y.insert(s);$

$s_1 \leftarrow Y.succ(s);$

$s_2 \leftarrow Y.pred(s);$

$X.delete(s_1 \cap s_2);$

$X.insert(s_1 \cap s);$

$X.insert(s \cap s_2);$

case: p rechter Endpkt von s

$s_2 \leftarrow Y.succ(s);$

$s_1 \leftarrow Y.pred(s);$

$Y.delete(s);$

$X.insert(s_1 \cap s_2);$

case: p Schnittpkt von s' und s'' .

$s_1 \leftarrow Y.succ(s');$

$s_2 \leftarrow Y.pred(s'');$

$Y.swap(s', s'');$

$X.delete(s_1 \cap s');$

$X.delete(s_2 \cap s'');$

$X.insert(s_1 \cap s'');$

$X.insert(s_2 \cap s'');$

Ausgabe: " $p = s' \cap s''$."

end switch

od

// S = Menge von n Segmenten

// Ausgabe: alle Schnittpkte.

// Pos. des SL.

// Linker Endpkt $\geq s.left$

// rechter Endpkt $\geq s.right$

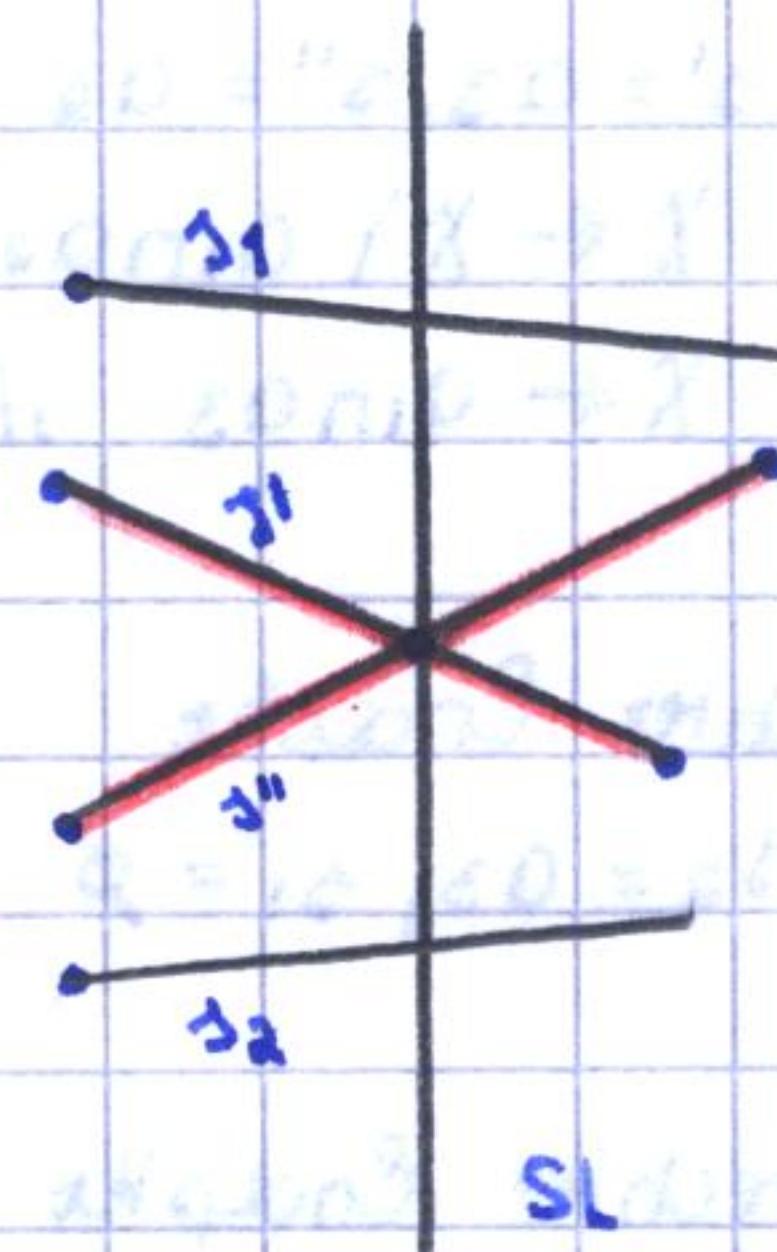
// schiebt SL zum Pkt p.

// ex. nicht immer

// Invariante! s_1, s_2 keine Nachbarn mehr.

// ex. nicht immer

// $s_1 \cap s_2$ rechts von SL



3.2.10. Laufzeit:

↙ balancierter Suchbaum nach y-Koord, der höchst. n Segm. speichert \Rightarrow Höhe = $O(\log n)$

✓ 1) Alle Operationen auf X und Y brauchen höchstens Zeit $O(\log n)$

2) Daraus folgt: Initialisierung benötigt Zeit $O(n \log n)$
(2n Endpunkte einfügen)

✓ 3) Hauptschleife $2n + s$ mal ausgeführt, wobei $s = \#$ Schnittpkte.

Jeder Schleifendurchlauf kostet $O(\log n)$, da in jedem Fall konstant viele Operationen auf X- und Y-Struktur und konstant viele Schnitttests ausgeführt werden.

In j-m Fall: insert ≤ 2 mal, delete ≤ 2 mal, restliche Operationen: konst. Zeit

\Rightarrow pro Schleifendurchlauf $\leq 4 \cdot \log n +$ restl. konst. Operationen.

$\Rightarrow O(\log n)$ pro Schleifendurchlauf

\Rightarrow Gesamtlaufzeit ist somit: $O((n+s) \cdot \log n)$

Zu X-Str: balanciert Suchbaum.

Erster Pkt einfügen $\Rightarrow O(1)$

Zweiter Pkt einfügen $\Rightarrow O(1)$

⋮

n Pkte drin \Rightarrow Höhe: $O(\log n)$

Weitere n fehlen noch! Pro jeden weiteren aus n übrigen brauchen wir $O(\log n)$ Zeit

Gesamt n Pkte, die noch reinmüssen $\Rightarrow n \cdot O(\log n) = O(n \log n)$.