

### 5.4.5. Genauere Betrachtung der Aktionen:

65

a) linker Rand von  $R_i$ :

1) Füge  $s_i = R_i \cap SL$  ein.

statt Einfügen von  $NL(v)$ :  $count(v)++$ ;

$\forall$  Knoten  $e \in C(s_i)$ , die schon vorher einen Zähler  $count(v) > 0$  hatten, brauchen wir nichts zu tun.

2) Falls  $count(v)$  von 0 auf 1 erhöht wird, dann:

•  $TL(v) \leftarrow x_r(v) - x_\ell(v)$

• Laufe von  $v$  nach oben und korrigiere die TL-Werte.

→ Laufzeit:  $O(\log n)$ , da wir Suchpfade von  $C(s)$  zweimal durchlaufen.  
(Laufzeit f. Insert)

b) rechter Rand von  $R_i$ :

1) entferne  $s_i = R_i \cap SL$  aus Baum:  $count(v)--$ ;  $\forall v \in C(s_i)$

2) Falls nun  $count(v) = 0$ , dann müssen TL-Werte von  $v$  und seinen Vorfahren geändert werden.

→ Laufzeit:  $O(\log n)$  (s. Insert)

c) Bei jedem Event-Pkt  $x$ :  $A \leftarrow A + TL(\text{Wurzel}) \cdot (x - x_{old})$ .

5.4.6 Satz: Das Map-Problem von  $n$  achsenparallelen Rechtecken kann in Zeit  $O(n \log n)$  und Platz  $O(n)$  gelöst werden.

Bew: 1. Platzbedarf ist  $O(n)$ , da keine Knotenlisten gespeichert werden, sondern in jedem Knoten zwei Zahlen  $count(v)$  und  $TL(v)$ .

2. Rechtecke sortieren (nach linkem/rechtem Rand) nach  $x$ -Koord. also

→ K-Struktur:  $O(n \log n)$

Pro Event Zeit  $O(\log n)$  für Operationen im Segmentbaum.

In unserem Bsp:

