

Algorithmische Geometrie

1 Konvexe Hüllen	5
1.1 Konstruktion der konvexen Hülle einer Punktmenge im \mathbb{R}^2	5
1.1.1 Algorithmus I: Gift Wrapping.....	8
1.1.2 Algorithmus II: Graham's Scan	16
1.1.3 Triangulierung.....	26
1.1.4 Algorithmus III: Divide & Conquer	27
1.2 Schnitt von n Halbebenen mit Anwendung von „CONVEX_HULL“	30
1.2.1 Dualität	32
1.2.2 Dualitätsalgorithmus.....	33
1.2.3 Divide & Conquer – Algorithmus.....	41
2 Konvexe Polygone	48
2.1 Hierarchische Darstellung	48
2.2 Anwendung I: Schnitt Polygon / Gerade	52
2.3 Anwendung II: Schnitt Polygon / Polygon	57
3 Das „Plane-Sweep“ Verfahren	60
3.1 Einleitung	60
3.2 Anwendung I: Schnitt von Segmenten	62
3.2.1 1. Modifikation: Orientation-Tests statt „compare“.....	Ü 6.1
3.2.2 2. Modifikation: Ausgabe des planaren Graphen	Ü 6.1
3.2.3 3. Modifikation: Nur horizontale und vertikale Segmente.....	Ü 4.3
3.3 Anwendung II: Post Office Probleme	77
3.3.1 Definition des Voronoi-Diagramms	77
3.3.2 Konstruktion des Voronoi-Diagramms	86
3.3.3 Details der Implementierung.....	91
3.3.4 Point Location	99
3.3.5 Lösung I: Streifenmethode	101
3.3.6 Lösung II: Triangulierungsverfeinerungsmethode.....	103
4 Bewegungsplanung in der Ebene	117
4.1 Problem I: S: Menge von Liniensegmenten, R: Kreisscheibe	118
4.2 Problem II: S: Menge konvexer Polygone, R: konvexes Polygon	125
4.2.1 1. Schritt: Konstruktion von P'_i	Ü 8.1
4.2.2 2. Schritt: Berechnung der Kontur	129
4.2.3 3. Schritt: Lösen des Bewegungsplanungsproblems	146