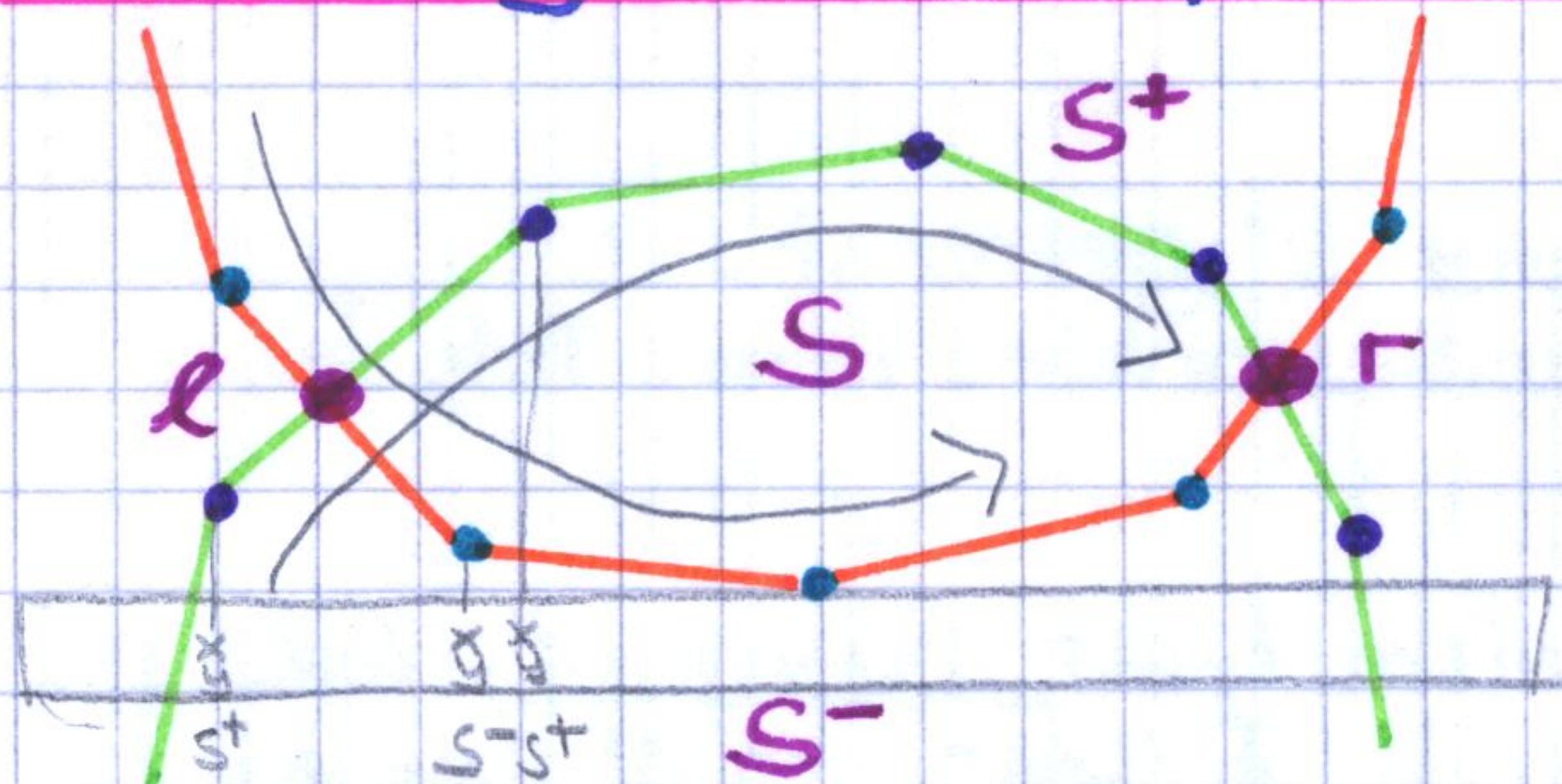


- Laufzeit: für  $S^+$  bzw.  $S^-$   
 $S^+$  kann in Zeit  $\underbrace{O(m)}_{D, D^{-1} \text{ als } m \text{ Pkte/Geraden}} + \underbrace{O(m \log m)}_{\text{Graham's Scan}} = \underline{O(m \log m)}$  berechnet werden.  
 Falls  $l_1, \dots, l_m$  nach Steigung sortiert  
 $\Rightarrow \underline{O(m)}$  ( $\leadsto$  siehe Graham's Scan)  
 $S^-$  analog

- Berechnung der Schnittpkte von  $S^+$  und  $S^-$ :



$l$  und  $r$  sind neue Pkte !!  
 Jeweils  $m$  Mal die Pkte aus  $S^+$  und  $S^-$  in ein Feld einfügen und gleichzeitig die  $y$ -Koord in zwei Int Variablen speichern (diese heißen  $s^+$  und  $s^-$ ). Dabei ist die eine immer kleiner als die andere, bis sich das irgendwann umdreht  $\Rightarrow$  Schnittpkt kurz davor

VS: Die Ränder sind sortiert  
 Berechnung durch Mischen (indem  $S$  in der Mitte durchgeschnitten wird, dann erhält man eine steigende und eine fallende Folge)

Laufzeit:  $O(n)$

- Laufzeit insgesamt:  
 Der Schnitt von  $n$  Halbebenen kann in Zeit  $\underline{O(n \log n)}$  berechnet werden.  
 Falls die Geraden nach Steigung sortiert sind  
 $\Rightarrow \underline{O(n)}$

## 1.2.3 Divide & Conquer - Algorithmus

### Problem:

- Geg.: 2 konv Polygone  $P = (p_1, \dots, p_m)$ ,  $Q = (q_1, \dots, q_2)$ , abgeschl (voriger Abschnitt: 2 konvexe offene Polygone) Eckenfolgen sind gegen UZS gegeben
- Ges.:  $P \cap Q$  bzw die Folge der Ecken gegen den UZS

### Idee:

zerlege die Ebene in Regionen, sodass  $\forall$  Regionen  $R$ ,  $(P \cap Q) \cap R$  einfach zu berechnen ist.

### Definition:

Zeichne durch jede Ecke von  $P$  und  $Q$  eine <sup>senkrechte</sup> Gerade.  
 Jeweils 2 benachbarte Senkrechte definieren eine Region, nämlich die Fläche dazwischen.  
 $\Rightarrow R \cap P$  und  $R \cap Q$  sind für jedes  $R$  ein Trapezoid, d.h. sie haben konstante Größe (4 Eck).

