

- Algorithmus: zur Berechnung des Schnitts von 2 konv. geschl. Polygonen ( $P \cap Q$ )
    - Berechne die Streifen (also alle Ecken  $2s$ ) von links nach rechts sortiert in Zeit  $\Theta(m+l) = \Theta(n)$  zur Berechnung einer sortierten Eckenfolge (siehe D&C-Alg. zur Berechnung von CH)
    - Berechne  $P \cap R$ :  $P \cap R$  und  $Q \cap R$  in  $\Theta(n)$   $\Theta(1)$  pro Streifen,  $\exists n$  Streifen  $\Rightarrow \Theta(n)$
    - Berechne  $P \cap R$ :  $(P \cap Q) \cap R := (P \cap R) \cup (Q \cap R)$  in  $\Theta(n)$   $\Theta(1)$  pro Streifen wie eben
    - "Zukleben" der Teile aus Schritt 3 und Eliminierung von Ecken die nicht zur Ausgabe gehören.
- Laufzeit:  $\Theta(n)$  (Durchlaufen der Senkrechten von links nach rechts)

- Laufzeit:  
 $P \cap Q$  (2 konvexe geschl. Polygone) kann in  $\Theta(n)$  berechnet werden.  
 $n = \text{Summe der Ecken von } P \text{ und } Q$ .

- Algorithmus zur Berechnung des Schnitts von  $n$  Halbebenen mit D&C

$S = \text{Menge von } n \text{ Halbebenen}$

```

INTERSECT(S)
if |S| = 1 then
  return S
else
  teile S in 2 möglichst gleichgroße Teile  $S_1$  und  $S_2$ 
  P ← JINTERSECT( $S_1$ )
  Q ← JINTERSECT( $S_2$ )
  Berechne  $P \cap Q$  wie oben beschrieben in  $\Theta(n)$ 
end if
  }
```

} Divide  
} Conquer  
} Misch-Schritt

- Laufzeit:

Teilen:  $\Theta(n)$

Mischen:  $\Theta(n)$

$$T(n) \leq \begin{cases} c_0 & , n=1 \\ c_1 \cdot n + 2 \cdot T\left(\frac{n}{2}\right) & , n>1 \end{cases}$$

$\Rightarrow$  insgesamt:  $\Theta(n \cdot \log n)$

Masterlemma:

$$T(n) = a \cdot T\left(\frac{n}{b}\right) + f(n) \quad a \text{ Teilprobleme der Größe } \frac{n}{b}, f(n): \text{Zeit fürs Mischen}$$

Hier  $a=2, b=2 \Rightarrow \log_b a = 1$

Anwendung 2. Fall (da  $f(n) = \Theta(n^{\log_b a}) = \Theta(n)$ ):

$$T(n) = \Theta(n^{\log_b a} \cdot \log n) = \Theta(n \log n)$$