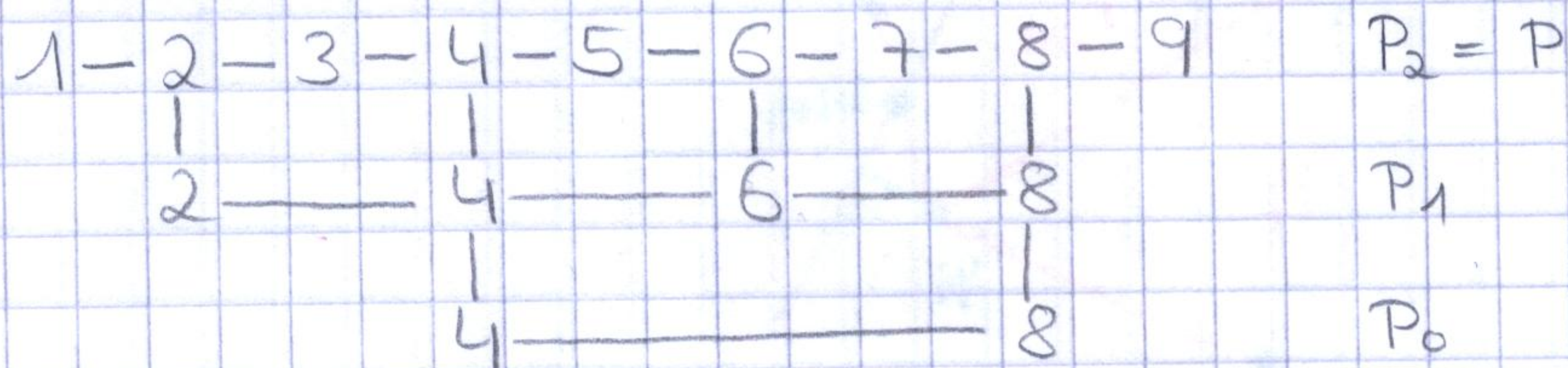


- Anwendung der hierarchischen Darstellung:
  - Wir berechnen eine Annäherung der Lsg für  $P_0$ , da  $P_0 \leq 4$  Ecken hat geht dies in  $O(4)$  ( $4$  ist eine Konstante)
  - Durchlaufe die Folge  $P_0, P_1, \dots, P_k$  und verfeinere die Lsg schrittweise
  - Am Ende haben wir die Lsg für  $P_k = P$
- Darstellung im Rechner:
  - $P_i$  ( $0 \leq i \leq k$ ) als doppelt verkettete Liste der Ecken und jede Ecke von  $P_i$  zeigt zusätzlich auf ihre Kopie in  $P_{i+1}$  und umgekehrt.



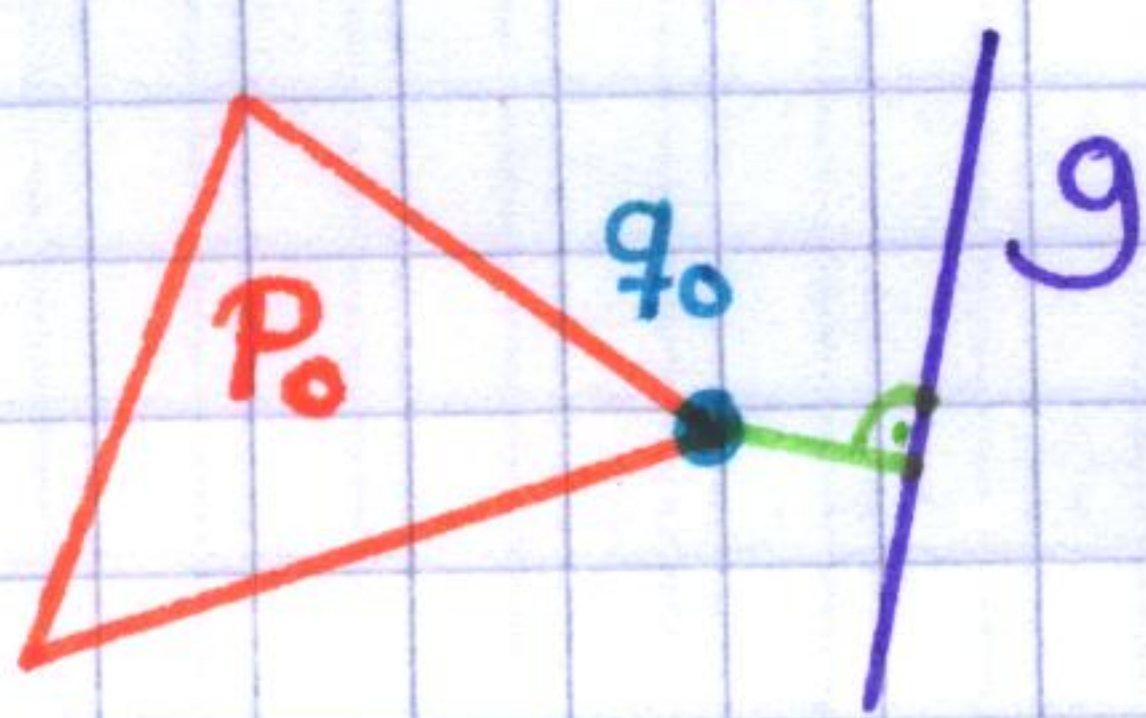
- Explizite Speicherung des Kantenbaums  
 → Dynamisierung (Ecken einfügen und löschen wie bei Suchbäumen)  
 Welche Darstellung ist besser? Ist wahrscheinlich egal

## 2.2 Anwendung I: Schnitt Polygon / Gerade

Geg.: Hierarchische Darstellung  $P_0, \dots, P_k$  eines konv Polygons  $P$  und eine Gerade  $g$

Ges.:  $P \cap g = \begin{cases} 2 \text{ Pkt} \\ 1 \text{ Pkt} \\ \emptyset \end{cases}$  wenn wir nur den Rand von  $P$  betrachten. Sonst  $P \cap g = \begin{cases} \text{Strecke} \\ 1 \text{ Pkt} \\ \emptyset \end{cases}$

- Algorithmus: Starte mit  $i=0$   
 Betrachte  $P \cap g \Rightarrow 2$  Fälle  
Fall 1:  $P \cap g = \emptyset$



- Finde  $q_0 \in P_0$  mit minimalem Abstand zu  $g$  Minimumsuche auf  $e$ -elementiger Menge  $e \leq 4$
- $i=0$
- ① • if  $i==k$  then (dh if  $P_i == P$ )  
 Algorithmus ist fertig. Ausgabe:  $P \cap g = \emptyset$  und  $q_0 \in P_0$  liegt am nächsten zu  $g$   
 end if
- Übergang  $P_i \rightarrow P_{i+1} \Rightarrow 2$  Fälle
- Beobachtung:  
 Kandidaten für neuen Pkt  $q_{i+1}$  sind genau die maximal 7 Eckpunkte von  $P_{i+1}$ , die aus der Verfeinerung der beiden Nachbarkanten  $e_1$  und  $e_2$  ( $e_1$  und  $e_2$  sind die Kanten aus  $P_i$  die sich im Pkt  $q_i$  treffen) entstehen.  
 Dies folgt aus der Konvexität von  $P_{i+1}$ .
- Teste, ob in dieser konst # von Kandidaten ein Pkt auf der anderen Seite von der Geraden  $g$  liegt (mit orientation)